

# Ответы к самостоятельной работе ...

1) 1 круг  $|w - \frac{1}{8}| = \frac{1}{8}$

2  $u > 0, |w - \frac{1}{10}| > \frac{1}{10}$     3 область  $v \leq$

0 с выброшенными полукругами  $\left(u + \frac{1}{8}\right)^2 + v^2 =$

$$\frac{1}{64}, \left(u - \frac{1}{8}\right)^2 + v^2 = \frac{1}{64}$$

4  $w = \frac{-4i(z+8)}{z-10i-2}$     5  $w = \frac{1-i}{2}(z+1)$

6  $w = \frac{3z(1+i)+9-9i}{z(1-i)+3-3i}$ , круг  $|w| < 3$

7  $w = \frac{7z-1}{7-z}$     8  $|w| < 1$

2) 1  $v = -6$     2  $\frac{1}{16} \leq u \leq \frac{1}{8}, v = 0$     3 область  $v \leq$

0 с выброшенными полукругами  $\left(u + \frac{1}{18}\right)^2 + v^2 =$

$$\frac{1}{324}, \left(u - \frac{1}{18}\right)^2 + v^2 = \frac{1}{324}$$

4  $w = \frac{-2i(z+1)}{4z-5i-1}$     5  $w = \frac{6iz+36i+72}{z+6}$

6  $w = 3i \frac{z-3}{z-3i}$ , в полуплоскость  $\operatorname{Re} w + \operatorname{Im} w < 3$

7  $w = i \frac{2z-1}{2-z}$     8  $\operatorname{Re} w > 0$

3) 1  $\frac{1}{3}(u^2 + v^2) + u + v = 0$

2  $|w| = \frac{1}{8}, -\pi < \arg w < -\frac{\pi}{8}$

3  $(u+1)^2 + (v+2)^2 = \frac{14}{3}$     4  $w = \frac{-6i(z+3)}{4z-15i-3}$

5  $w = \frac{6z(i-1) + 36(3i-1)}{z(i-1) + 6i + 6}$

6  $w = \frac{5z-25}{z+5}$ , в верхнюю полуплоскость  $\operatorname{Im} w > 0$

7  $w = \frac{5z-1}{5-z}$     8  $\operatorname{Re} w > 0$

4) 1  $u = 8$     2  $\arg w = -\frac{\pi}{6}$

3  $(u+1)^2 + (v+2)^2 = \frac{19}{4}$

4  $w = \frac{-2i(z+2)}{2z-5i-1}$     5  $w = \frac{5iz+25i+50}{z+5}$

6  $w = \frac{3z-9}{z+3}$ , в верхнюю полуплоскость  $\operatorname{Im} w > 0$

7  $w = i \frac{z-7i}{z+7i}$     8  $u < v$

5) 1 круг  $|w| = 4$     2  $\frac{1}{6} < v < \frac{1}{3}, u = 0$

3 нижняя полуплоскость с выброшенным полукругом  $u^2 + v^2 = \frac{1}{5}$     4  $w = \frac{-2i(z+4)}{z-5i-1}$     5  $w = \frac{1-i}{2}(z+3)$

6  $w = \frac{2z-4}{z+2}$ , в верхнюю полуплоскость  $\operatorname{Im} w > 0$

7  $w = i \frac{3z-1}{3-z}$     8  $|w| < 1$

6) 1 круг  $|w| = 3$     2  $u > 0, \left|w - \frac{1}{6}\right| > \frac{1}{6}$

3 область  $v \leq$

0 с выброшенными полукругами  $\left(u + \frac{1}{4}\right)^2 + v^2 =$

$$\frac{1}{16}, \left(u - \frac{1}{4}\right)^2 + v^2 = \frac{1}{16}$$

4  $w = \frac{-6i(z+6)}{2z-15i-3}$     5  $w = \frac{1-i}{2}(z+4)$

6  $w = \frac{4z-16}{z+4}$ , в верхнюю полуплоскость  $\operatorname{Im} w > 0$

7  $w = \frac{8z-1}{8-z}$     8  $|w| < 1$

7) 1  $v = -7$     2  $|w| = \frac{1}{7}, -\pi < \arg w < -\frac{\pi}{7}$

3  $(u+1)^2 + (v+2)^2 = \frac{44}{9}$

4  $w = \frac{-10i(z+5)}{4z-25i-5}$     5  $w = \frac{1-i}{2}(z+2)$

6  $w = \frac{z(1+i)+1-i}{z(1-i)+1-i}$ , круг  $|w| < 1$

7  $w = \frac{3z-1}{3-z}$     8  $u < v$

8) 1 круг  $|w| = 9$     2  $\frac{1}{28} \leq u \leq \frac{1}{14}, v = 0$

3 нижняя полуплоскость с выброшенным полукругом  $u^2 + v^2 = \frac{1}{6}$

4  $w = \frac{-18i(z+9)}{4z-45i-9}$

5  $w = \frac{1z(i-1)+1(3i-1)}{z(i-1)+1i+1}$

6  $w = \frac{z-1}{z+1}$ , в верхнюю полуплоскость  $\operatorname{Im} w > 0$

7  $w = i \frac{8z-1}{8-z}$     8  $\operatorname{Re} w > 0$

9) 1 круг  $|w - \frac{1}{12}| = \frac{1}{12}$   
2  $u > 0, |w - \frac{1}{8}| > \frac{1}{8}$     3 область  $v \leq 0$  с выброшенными полукругами  $\left(u + \frac{1}{6}\right)^2 + v^2 = \frac{1}{36}, \left(u - \frac{1}{6}\right)^2 + v^2 = \frac{1}{36}$     4  $w = \frac{-14i(z+7)}{4z-35i-7}$   
5  $w = \frac{4z(i-1) + 16(3i-1)}{z(i-1) + 4i + 4}$   
6  $w = \frac{8(1-i)(z-4i)}{z(1+i)-12i+4}$     7  $w = \frac{2z-1}{2-z}$   
8  $u < v$

10) 1  $\frac{1}{6}(u^2 + v^2) + u + v = 0$     2  $\arg w = -\frac{\pi}{4}$   
3 нижняя полуплоскость с выброшенным полукругом  $u^2 + v^2 = \frac{1}{9}$     4  $w = \frac{2(2i-z)}{2-zi}$     5  $w = \frac{1-i}{2}(z+6)$   
6  $w = \frac{16(1-i)(z-8i)}{z(1+i)-24i+8}$     7  $w = i\frac{z-8i}{z+8i}$   
8  $\operatorname{Re} w > 0$

11) 1 круг  $|w| = 7$     2  $\arg w = -\frac{\pi}{5}$   
3  $(u+1)^2 + (v+2)^2 = \frac{34}{7}$   
4  $w = \frac{3(3i-z)}{3-zi}$     5  $w = \frac{3iz+9i+18}{z+3}$   
6  $w = 2i\frac{z-2}{z-2i}$ , в полуплоскость  $\operatorname{Re} w + \operatorname{Im} w < 2$   
7  $w = i\frac{5z-1}{5-z}$     8  $u < v$

12) 1 окружность  $u^2 + v^2 + 5v = 0$   
2  $\arg w = -\frac{\pi}{7}$     3 область  $v \leq 0$  с выброшенными полукругами  $\left(u + \frac{1}{12}\right)^2 + v^2 = \frac{1}{144}, \left(u - \frac{1}{12}\right)^2 + v^2 = \frac{1}{144}$   
4  $w = \frac{9(9i-z)}{9-zi}$     5  $w = \frac{1iz+1i+2}{z+1}$   
6  $w = 4i\frac{z-4}{z-4i}$ , в полуплоскость  $\operatorname{Re} w + \operatorname{Im} w < 4$   
7  $w = \frac{z-5i}{z+5i}$     8  $\operatorname{Re} w > 0$

13) 1  $u = 5$     2  $\frac{1}{32} \leq u \leq \frac{1}{16}, v = 0$     3 область  $v \leq 0$  с выброшенными полукругами  $\left(u + \frac{1}{10}\right)^2 + v^2 = \frac{1}{100}, \left(u - \frac{1}{10}\right)^2 + v^2 = \frac{1}{100}$   
4  $w = \frac{7(7i-z)}{7-zi}$     5  $w = \frac{1-i}{2}(z+5)$   
6  $w = 5i\frac{z-5}{z-5i}$ , в полуплоскость  $\operatorname{Re} w + \operatorname{Im} w < 5$   
7  $w = \frac{z-7i}{z+7i}$     8  $\operatorname{Re} w > 0$

14) 1  $u = 9$     2  $\frac{1}{8} < v < \frac{1}{4}, u = 0$   
3  $(u+1)^2 + (v+2)^2 = \frac{39}{8}$     4  $w = \frac{4(4i-z)}{4-zi}$   
5  $w = \frac{5z(i-1) + 25(3i-1)}{z(i-1) + 5i + 5}$   
6  $w = i\frac{z-1}{z-i}$ , в полуплоскость  $\operatorname{Re} w + \operatorname{Im} w < 1$   
7  $w = i\frac{7z-1}{7-z}$     8  $u < v$

15) 1  $u^2 + \left(v + \frac{4}{3}\right)^2 = \frac{4}{9}$   
2  $u > 0, \left|w - \frac{1}{12}\right| > \frac{1}{12}$     3 область  $v \leq 0$  с выброшенными полукругами  $\left(u + \frac{1}{14}\right)^2 + v^2 = \frac{1}{196}, \left(u - \frac{1}{14}\right)^2 + v^2 = \frac{1}{196}$   
4  $w = \frac{8(8i-z)}{8-zi}$     5  $w = \frac{4iz+16i+32}{z+4}$   
6  $w = \frac{4z(1+i) + 16 - 16i}{z(1-i) + 4 - 4i}$ , круг  $|w| < 4$   
7  $w = i\frac{z-2i}{z+2i}$     8  $u < v$

16) 1  $v = -4$     2  $\frac{1}{12} < v < \frac{1}{6}, u = 0$     3 область  $v \leq 0$  с выброшенными полукругами  $\left(u + \frac{1}{16}\right)^2 + v^2 = \frac{1}{256}, \left(u - \frac{1}{16}\right)^2 + v^2 = \frac{1}{256}$   
4  $w = \frac{5(5i-z)}{5-zi}$     5  $w = \frac{2iz+4i+8}{z+2}$   
6  $w = \frac{5z(1+i) + 25 - 25i}{z(1-i) + 5 - 5i}$ , круг  $|w| < 5$   
7  $w = i\frac{z-3i}{z+3i}$     8  $|w| < 1$

- 17) 1  $v = -\frac{1}{6}u$     2  $|w| = \frac{1}{3}, -\pi < \arg w < -\frac{\pi}{3}$   
3  $(u+1)^2 + (v+2)^2 = \frac{9}{2}$     4  $w = \frac{6(6i-z)}{6-zi}$   
5  $w = \frac{2z(i-1) + 4(3i-1)}{z(i-1) + 2i + 2}$   
6  $w = \frac{2z(1+i) + 4 - 4i}{z(1-i) + 2 - 2i}, \text{ круг } |w| < 2$   
7  $w = \frac{z-4i}{z+4i}$     8  $\operatorname{Re} w > 0$

- 18) 1 круг  $|w| = 5$     2  $\arg w = -\frac{\pi}{8}$   
3  $(u+1)^2 + (v+2)^2 = \frac{24}{5}$     4  $w = \frac{1(1i-z)}{1-zi}$   
5  $w = \frac{3z(i-1) + 9(3i-1)}{z(i-1) + 3i + 3}$   
6  $w = \frac{20(1-i)(z-10i)}{z(1+i)-30i+10}$     7  $w = i\frac{z-9i}{z+9i}$   
8  $|w| < 1$

- 19) 1  $u = 4$     2  $\frac{1}{4} < v < \frac{1}{2}, u = 0$   
3  $(u+1)^2 + (v+2)^2 = \frac{29}{6}$     6  $w = \frac{4(1-i)(z-2i)}{z(1+i)-6i+2}$   
7  $w = i\frac{z-4i}{z+4i}$     8  $u < v$

- 20) 1 окружность  $u^2 + v^2 + 6v = 0$   
2  $\frac{1}{24} \leq u \leq \frac{1}{12}, v = 0$   
3 нижняя полуплоскость с выброшенным полукругом  $u^2 + v^2 = \frac{1}{4}$   
 $w = \frac{12(1-i)(z-6i)}{z(1+i)-18i+6}$     7  $w = i\frac{9z-1}{9-z}$   
8  $u < v$

- 21) 1  $v = -5$     2  $\frac{1}{36} \leq u \leq \frac{1}{18}, v = 0$   
3 нижняя полуплоскость с выброшенным полукругом  $u^2 + v^2 = \frac{1}{36}$   
 $w = i\frac{6z-1}{6-z}$     8  $\operatorname{Re} w > 0$

- 22) 1 круг  $|w| = 2$     2  $u > 0, \left|w - \frac{1}{14}\right| > \frac{1}{14}$   
3 нижняя полуплоскость с выброшенным полукругом  $u^2 + v^2 = \frac{1}{9}$   
 $w = \frac{z-8i}{z+8i}$     8  $|w| < 1$

- 23) 1  $u^2 + \left(v + \frac{5}{4}\right)^2 = \frac{5}{16}$   
2  $|w| = \frac{1}{4}, -\pi < \arg w < -\frac{\pi}{4}$   
3 нижняя полуплоскость с выброшенным полукругом  $u^2 + v^2 = \frac{1}{7}$   
 $w = \frac{4z-1}{4-z}$     8  $|w| < 1$

- 24) 1  $\frac{1}{8}(u^2 + v^2) + u + v = 0$   
2  $|w| = \frac{1}{5}, -\pi < \arg w < -\frac{\pi}{5}$   
3 нижняя полуплоскость с выброшенным полукругом  $u^2 + v^2 = \frac{1}{8}$   
 $w = \frac{z-9i}{z+9i}$     8  $|w| < 1$

- 25) 1  $u = 7$     2  $\arg w = -\frac{\pi}{9}$     7  $w = i\frac{4z-1}{4-z}$

- 26) 1 круг  $\left|w - \frac{1}{10}\right| = \frac{1}{10}$     2  $\frac{1}{10} < v < \frac{1}{5}, u = 0$   
7  $w = i\frac{z-5i}{z+5i}$

- 27) 1 окружность  $u^2 + v^2 + 7v = 0$

$$\boxed{2} \quad \frac{1}{14} < v < \frac{1}{7}, u = 0 \quad \boxed{7} \quad w = \frac{z-3i}{z+3i}$$

- 28) 1 круг  $\left|w - \frac{1}{14}\right| = \frac{1}{14}$     2  $\arg w = -\frac{\pi}{2}$   
7  $w = i\frac{z-6i}{z+6i}$

- 29) 1  $v = -9$     2  $|w| = \frac{1}{9}, -\pi < \arg w < -\frac{\pi}{9}$   
7  $w = \frac{9z-1}{9-z}$

- 30) 1 окружность  $u^2 + v^2 + 8v = 0$   
2  $|w| = \frac{1}{2}, -\pi < \arg w < -\frac{\pi}{2}$     7  $w = \frac{6z-1}{6-z}$